

EXAMEN DE BACALAUREAT 1986
SESIUNEA IUNIE

- I.** Se consideră funcția $f : \mathbb{R} \setminus \{2\} \rightarrow \mathbb{R}$, $f(x) = \frac{x^2 - 6x + m}{2x - 4}$, unde m este un parametru real.
1. Să se determine m astfel încât funcția f să admită un extrem în punctul $x = 1$.
 2. Pentru $m = 9$ să se reprezinte grafic funcția f .
 3. Pentru $m = 9$ să se calculeze aria suprafeței mărginită de graficul funcției f , asimptota sa oblică și dreptele de ecuații $x = 5$ și $x = 6$.
- II.** Fie $G = \left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$; pentru orice $x, y \in G$ se definește legea de compoziție

$$x \star y = \arctg(\tg x + \tg y).$$

1. Să se arate că G împreună cu operația \star formează grup abelian.
2. Să se arate că grupul de la punctul 1 este izomorf cu grupul $(\mathbb{R}, +)$.